

**NUMBER SYSTEM | PART-8**

SSC,CDS

### Mother's • Number System (Part-8)

- 16.** What is the unit digit of the sum of first 111 whole numbers —  
प्रथम 111 पूर्ण संख्याओं के योग का इकाई अंक है —
- (A) 4 (B) 6 (C) 5 (D) 0
- 17.** If  $x = (164)^{169} + (333)^{337} - (727)^{726}$ , then what is the unit digit of  $x$  —  
यदि  $x = (164)^{169} + (333)^{337} - (727)^{726}$  है, तो  $x$  का इकाई अंक क्या है —
- (A) 5 (B) 7 (C) 8 (D) 9
- 18.** Let  $x = (633)^{24} - (277)^{38} + (266)^{54}$  What is the unit digit of  $x$ ?  
यदि  $x = (633)^{24} - (277)^{38} + (266)^{54}$  है, तो  $x$  का इकाई अंक क्या है ?
- (A) 7 (B) 6 (C) 4 (D) 8
- 19.** Find out unit digit/इकाई अंक बताओ ?  
 $4 + 9^2 + 4^3 + 9^1 + 4^5 + 9^6 + \dots + 4^{99} + 9^{100}$
- (A) 0 (B) 3 (C) 5 (D) Not
- 20.**  $2^3 \times 3^4 \times 4^5 \times 5^6 \times 6^7 \times 7^8 \times 8^9 \times 9^{10} =$   
unit digit/इकाई अंक —
- (A) 4 (B) 0 (C) 2 (D) 9
- 21.** Find out the unit digit in  $\lfloor 12 \rfloor$  —  
 $\lfloor 12 \rfloor$  में इकाई का अंक ज्ञात करो —
- (A) 0 (B) 2 (C) 4 (D) 5
- 22.** If  $N = \frac{\lfloor 1+2+\dots+\lfloor 15 \rfloor \rfloor}{103} + 218 + \frac{\lfloor 1+2+\dots+\lfloor 23 \rfloor \rfloor}{267}$ , then what is the unit digit of  $N$ ?  
यदि  $N = \frac{\lfloor 1+2+\dots+\lfloor 15 \rfloor \rfloor}{103} + 218 + \frac{\lfloor 1+2+\dots+\lfloor 23 \rfloor \rfloor}{267}$  तब  $N$  का इकाई अंक बताओ —
- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5
- 23.** Find out the unit digit —  
व्यंजक में इकाई का अंक ज्ञात करो —
- $888^{92351} + 222^{92351} + 666^{23591} + 999^{90091}$
- 24.** Find out digit/इकाई का अंक ज्ञात करो —  
 $(\lfloor 1 \rfloor + \lfloor 2 \rfloor + \lfloor 3 \rfloor + \lfloor 4 \rfloor + \dots + \lfloor 100 \rfloor) +$
- (A) 7 (B) 8 (C) 6 (D) 9
- 25.** If  $x$  and  $y$  are integers and unit digit of  $x^2$  is 9 and unit of  $y^2$  is 9 then which of the following value is not possible for  $x - y$ .  
यदि  $x$  और  $y$  पूर्णांक हैं।  $x^2$  के इकाई का अंक 9 है तथा  $y^2$  के इकाई का अंक 9 है, तो निम्न में से  $x - y$  नहीं हो सकता।
- (A) 4 (B) 6 (C) 40 (D) 8
- 26.** When  $3^{32}$  is divided by 50. It gives a number of the format  $(abcd \dots .xy)$  ( $xy$  being the last two digits after decimal). Find  $y$   
जब  $3^{32}$  को 50 से विभाजित किया जाता है तो भागफल  $(abcd \dots .xy)$  के रूप में प्राप्त होता है ( $xy$  अंतिम दो अंक हैं) अंतिम अंक  $y$  का मान ज्ञात करो।
- (A) 5 (B) 3 (C) 2 (D) 6
- 27.** If/यदि  $N = \lfloor 1 + \lfloor 2 + \lfloor 3 + \lfloor 4 + \dots + \lfloor 100 \rfloor \rfloor \rfloor \rfloor$  then find the unit digit of/तब इकाई अंक बताओ  $N^N$
- (A) 3 (B) 6 (C) 7 (D) 8
- 28.** What is the unit digit of/इकाई अंक बताओ  $7^{11^{22^{27}}}$   
(A) 1 (B) 3 (C) 7 (D) 9
- 29.**  $x$  and  $y$  are the digits at the unit's place of the number  $(408x)$  and  $(789y)$  where  $x \neq y$ . However digit at the unit place of the number  $(408x)^{63}$  and  $(789y)^{85}$  are the same. What will be possible value of  $x + y$ .  
 $x$  और  $y$ ,  $408x$  और  $789y$  के अंतिम अंक हैं जहां  $x \neq y$  यदि  $(408x)^{63}$  का अंतिम अंक  $(789y)^{85}$  के अंतिम अंक के बराबर है, तो  $x + y$  का संभवत मान क्या होगा ?
- (A) 9 (B) 10 (C) 11 (D) 12



# Solution

1. (B) 
$$\begin{array}{ccccccc} 1 & \times & 7 & \times & 6 & \times & 6 \\ \times & & \times & & \times & & \times \\ 2 & & 8 & & 4 & & 4 \\ = 8 & & & & & & \end{array}$$

2. (B)  $5 \times \text{odd} \rightarrow 5$

3. (D)  $\frac{3 \times 6 \times N}{8 \times N} = N + 2$   
 $8 \times N = N + 2$   
 $\therefore N = 6$

4. (A)  $4^P \times 6 = P$   
 $\therefore P = 6$

5. (A)

6. (B)  $\frac{1237}{4} = 1 \text{ remainder}$   
 $(67354)^1 = 4 \text{ (Unit digit)}$

7. (C) 
$$\begin{array}{ccccccc} 3^1 & \times & 4^2 & \times & 6^3 & \times & 7^4 & \times & 5^1 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & & & \\ 3 & \times & 6 & \times & 6 & \times & 1 & \times & 5 \\ = 0 & & & & & & & & \end{array}$$

8. (D)  $(12345K)^{72}$   
 $= K^4 \rightarrow 6$   
in these option all values are correct :

9. (B)  $(3333)^n = 7$   
 $\therefore x = 3$   
 $(7777)^n = (7777)^3 = 3$

10. (C)  $7^{95} - 3^{58} = 7^3 - 3^2 = 3 - 9 = -6$   
 $-6 + 10 = 4$

11. (C) 
$$\begin{array}{l} \frac{3^{55} \times 4^{55}}{3^{11}} + \frac{2^{144}}{2^{72}} \\ = 3^{11} \times 4^{55} + 2^{72} \\ = 1 \times 4 + 6 \\ = 0 \end{array}$$

12. (A) Odd prime number = 3, 5, 7, 11, 13, 17  
 $= 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13 \times 17 \dots$   
 $= 5$

13. (C) 
$$\begin{array}{ccccccc} 2 & \times & 3 & \times & 5 & \times & 7 \\ \times & & \times & & \times & & \times \\ 0 & & & & & & \end{array}$$

14. (B) Unit digit of  $x^{11} = \text{unit digit of } x^3$   
 $\therefore \text{unit digit of } x^{11} - x^3 = 0$   
which is not equal to 6.

15. (A) 
$$\begin{array}{cccccccccc} 1^5 + 2^5 + 3^5 + 4^5 + 5^5 + 6^5 + 7^5 + 8^5 + 9^5 + 10^5 \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 0 \\ = 0 \\ \therefore 11^5 + 12^5 + \dots + 20^5 = 0 \\ 21^5 + 22^5 + \dots + 30^5 = 0 \end{array}$$

16. (C)  $N = 0 + 1 + 2 + \dots + 110$   
 $N = \frac{110 \times 111}{2} = 5$

17. (C)  $x = 4^1 + 3^1 - 7^2 = 4 + 3 - 9 = 7 - 9 = -2$   
 $x = -2 + 10 = 8$

18. (D)  $x = 3^4 - 7^2 + 6^2$   
 $x = 1 - 9 + 6$   
 $x = 7 - 9 = -2$   
 $x = -2 + 10 = 8$

19. (A)  $1^{\text{st}} \rightarrow 4 + 9^2 \rightarrow 5$   
 $2^{\text{nd}} \rightarrow 4^3 + 9^2 \rightarrow 5$   
 $4^{\text{Odd}} (\text{unit digit}) = 4$   
 $9^{\text{Even}} (\text{unit digit}) = 1$   
So group unit digit =  $50 \times 5 = 0$

20. (B)  $5^6 = 5$   
 $6^7 = 6$   
 $6 \times 5 = 0$

21. (A)  $L12 = 12 \times 11 \times 10 \times \dots$   
 $= 0$

22. (A) 
$$\begin{array}{rcl} \underline{1} \underline{1} \underline{2} \underline{1} \underline{3} \dots & = 3^3 = 7 \\ \underline{1} \underline{1} \underline{2} \underline{3} \dots \underline{1} \underline{5} & = 8^3 = 2 \\ \underline{1} \underline{1} \underline{2} \underline{3} \dots \underline{5} \underline{7} & = 7^3 = 3 \\ \therefore 7 + 2 + 3 = 2 \text{ (Unit Digit)} \end{array}$$

### Mother's • Number System (Part-8)

23. (B)  $888^4 + 222^4 + 666^4 + 999^4$   
 $= 6 + 6 + 6 + 1$   
 $= 9$

24. (A)  $1^1 + 2^2 + 6^6 + 24^{24} + 0 + 0 + \dots$   
 $= 1 + 4 + 6 + 6$   
 $= 7$

25. (D)  $(\dots\dots\dots 3)^2 = 9$   
 $(\dots\dots\dots 7)^2 = 9$   
So,  
 $x = 3, 7$        $y = 3, 7$   
 $x - y = 3 - 3 = 0$   
 $x - y = 7 - 3 = 4$   
 $x - y = 3 - 7 = 6$   
 $\therefore x - y \neq 8$

26. (C) Unit digit  $3^{32} = 3^1 = 1$   
When a number whose unit digit is 1 and divided by 50 always gives 2 as a unit digit after decimal.

27. (A) Unit digit of  $N = 3$

$$N^N = 3^3 = 3$$

28. (C)  $7^{11^{22^{27}}} = 7^{(11+4)^{22^{27}}} = 7^{(-1)\text{even}} = 7$

29. (B) Let  $A = (408x)^{63}$ ,  $B = (789y)^{85}$

X	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
A (Unit digit)	0	3	8	7	4	5	6	3	2	9

Y	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
B (Unit digit)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

$\therefore$  Possible value of  $x + y = 8 + 2 = 10$

30. (D)  $\begin{array}{r} 32 & 31 & 31 \\ 24 & 64 & 23 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 15 & + 19 & + 26 \\ \hline & & L52 + 16 \end{array}$

$$5 + 9^1 + 6 + 0 + 6$$

$$\Rightarrow 5 + 1 + 6 + 6 = 8$$

31. (C) (i) If  $n = \text{even}$

$$3^{2 \times 2+1} + 2^{2 \times 2+1} = 3^5 + 2^5 = 5$$

(ii) If  $n = \text{odd}$

$$\Rightarrow 3^{6+1} + 2^{6+1} \\ = 3^7 + 2^7 \Rightarrow 7 + 8 = 5$$

32. (A)  $9^{\text{even}} = 1$

33. (A)  $71 \times 1 = 7$

34. (D)  $7^1 + 9^3 + 4^4 + 2^4$   
 $= 7 + 9 + 6 + 6$   
 $= 8$

35. (A)  $880^{1536} = (11 \times 8)^{1536} \times 10^{1536}$   
 $= 11^{1536} \times 8^{1536} \times 10^{1536}$   
 $= 11^{1536} \times 2^{1608} \times 10^{1536} = 61 \times 56 = 16$

36. (D)  $69^{243} = (69^2)^{121} \times 69$   
 $= (4761)^{121} \times 69$   
 $= 61 \times 69$   
 $= 09$

37. (A)  $\Rightarrow 2^{220} \times 2^2 = 76 \times 4$   
 $= 04$

38. (B)  $75^{676} = (5^2 \times 3)^{676}$   
 $= 5^{1352} \times 3^{676}$   
 $= 5 \times (31)^{169}$   
 $= 5 \times (81)^{169}$   
 $= 5 \times 29$   
 $= 45$

**MATHS With PAWAN RAO**